

Tipus Recursius de Dades II

Programació 2


Facultat d'Informàtica d'Informàtica, UPC

Professorat de PRO2

Tardor 2022

- Col·laboracions (en ordre alfabètic): Juan Luis Esteban, Ricard Gavaldà, Conrado Martínez, Fernando Orejas
- Aquestes transparències **no** substitueixen els apunts de l'assignatura, els complementen

Part I

- 
- 1 Implementació de llistes
 - 2 Llistes doblement encadenades amb sentinella
 - 3 Implementació de mètodes: accedint la representació

Implementació de Llista

En aquest curs no implementarem els iteradors de manera general

Implementarem **l·listes amb punt d'interès**

Funcionalitats similars, algunes restriccions

Novetat tipus llista: punt d'interès

Podem:

- Desplaçar endavant i enrere el punt d'interès
- Afegir i eliminar just al punt d'interès
- Consultar i modificar l'element al punt d'interès

- Implementació: atribut (privat) de tipus apuntador a node
- Modularitat: punt d'interès part del tipus, no tipus apart
- Efecte lateral: queda modificat si es modifica en una funció que rep la llista per referència no const

Definició classe Llista, I

```
template <class T> class Llista {
private:
    struct node_llista {
        T info;
        node_llista* seg;
        node_llista* ant;
    };
    int longitud;
    node_llista* primer;
    node_llista* ultim;
    node_llista* act;           // apuntador a punt d'interes
    ... // especificació i implementació d'operacions privades
public:
    ... // especificació i implementació d'operacions públiques
};
```

Definició classe `Llista`, II

- Apuntadors per accés ràpid a següent, anterior, primer i darrer, i punt d'interès
- `act == nullptr` vol dir “punt d'interès sobre l'element fictici posterior a l'últim”
- Conveni llista buida: `longitud` zero i els tres apuntadors (`primer`, `ultim` i `act`) nuls
- Llista amb un element: `longitud` 1 i únic altre cas en què `primer == ultim`
- “cap a la dreta” == cap a l'últim; “cap a l'esquerra” == cap al primer; “a la dreta de tot” == sobre l'element fictici del final

Constructores i destructora

```
Llista() {  
    longitud = 0;  
    primer = nullptr;  
    ultim = nullptr;  
    act = nullptr;  
}  
  
Llista(const Llista& original) {  
    longitud = original.longitud;  
    primer = copia_node_llista(original.primer, original.act,  
                                ultim, act);  
}  
  
~Llista() {  
    esborra_node_llista(primer);  
}
```

Copiar cadena de nodes

```
static node_llista* copia_node_llista(  
    node_llista* m, node_llista* oact,  
    node_llista* &u, node_llista* &a);  
/* Pre: cert */  
/* Post: si m és nullptr, el resultat, u i a són nullptr;  
en cas contrari, el resultat apunta al primer node d'una  
cadena de nodes que són còpia de de la cadena que té el  
node apuntat per m com a primer, u apunta a l'últim node,  
i a és o bé nullptr si oact no apunta a cap node de la cadena  
que comença amb m, o bé apunta al node còpia del node apuntat  
per oact */
```


Copiar cadena de nodes

```
static node_llista* copia_node_llista(
    node_llista* m, node_llista* oact,
    node_llista*& u, node_llista*& a) {
    if (m == nullptr) { u = nullptr; a = nullptr; return nullptr; }
    else {
        node_llista* n = new node_llista;
        n -> info = m -> info;
        n -> ant = nullptr;
        n -> seg = copia_node_llista(m -> seg, oact, u, a);
        if (n -> seg != nullptr) n -> seg -> ant = n;
        if (n -> seg == nullptr) u = n;
        // else, u es el que hagi retornat la crida recursiva
        // es podria fer com a "else"
        if (m == oact) a = n;
        // else, a es el que hagi retornat la crida recursiva
        return n;
    }
}
```

Esborrar cadena de nodes

```
static void esborra_node_llista(node_llista* m) {  
    /* Pre: cert */  
    /* Post: no fa res si m és nullptr, en cas contrari,  
           allibera espai dels nodes de la cadena que té  
           el node apuntat per m com a primer */  
    if (m != nullptr) {  
        esborra_node_llista(m -> seg);  
        delete m;  
    }  
}
```

Redefinició de l'assignació

```
Llista& operator=(const Llista& original) {
    if (this != &original) {
        longitud = original.longitud;
        node_llista *ultim_aux, *act_aux;
        node_llista* primer_aux = copia_node_llista(original.primer,
                                                    original.act, ultim_aux, act_aux);
        esborra_node_llista(primer);
        primer = primer_aux; ultim = ultim_aux; act = act_aux;
    }
    return *this;
}
```

Modificadores I

```
void l_buida() {  
    esborra_node_llista(primer);  
    longitud = 0;  
    primer = nullptr;  
    ultim = nullptr;  
    act = nullptr;  
}
```

Modificadores II

```
void afegir(const T& x) {
    /* Pre: cert */
    /* Post: la llista queda com originalment, però amb x
    afegit a l'esquerra del punt d'interès */
    node_llista* aux = new node_llista;
    aux -> info = x;
    aux -> seg = act;
    if (longitud == 0) { // la llista es buida
        aux -> ant = nullptr;
        primer = aux;
        ultim = aux;
    } else if (act == nullptr) {
        aux -> ant = ultim;
        ultim -> seg = aux;
        ultim = aux;
    }
    ...
}
```

Modificadores III

(continuació)

```
else if (act == primer) {
    aux -> ant = nullptr;
    act -> ant = aux;
    primer = aux;
} else {
    aux -> ant = act -> ant;
    act -> ant -> seg = aux;
    act -> ant = aux;
}
++longitud;
}
```

Modificadores IV

```
void eliminar() {
    /* Pre: la llista no és buida i el seu punt d'interès
       no és a la dreta de tot */
    /* Post: la llista queda com originalment però sense l'element
       on estava el punt d'interès i amb el nou punt d'interès
       apuntant al successor de l'element esborrat */

    node_llista* aux = act; // conserva l'accés al node actual
    if (longitud == 1) {
        primer = nullptr;
        ultim = nullptr;
    } else if (act == primer) {
        primer = act -> seg;
        primer -> ant = nullptr;
    }
    ...
}
```

Modificadores V

(continuació)

```
...
else if (act == ultim) {
    ultim = act -> ant;
    ultim -> seg = nullptr;
}
else {
    act -> ant -> seg = act -> seg;
    act -> seg -> ant = act -> ant;
}
act = act -> seg; // avança el punt d'interès
delete aux; // allibera l'espai de l'element esborrat
--longitud;
}
```


Modificadores VI

Interès: concatenació més eficient que la basada en `afegir`

```
void concat(Llista& l) {
    /* Pre: l = L */
    /* Post: la llista conté els seus elements originals seguits pels
           de L, l queda buida, i el punt d'interés passa a ser el
           primer element */
    if (l.longitud > 0) { // l buida → no cal fer res
        if (longitud == 0) {
            primer = l.primer;
        } else {
            ultim -> seg = l.primer;
            l.primer -> ant = ultim;
        }
        ultim = l.ultim;
        longitud += l.longitud;
        l.primer = l.ultim = l.act = nullptr; l.longitud = 0;
    }
    act = primer;
}
```

Consultores

```
bool es_buida() const {  
    return primer == nullptr;  
}  
  
int mida() const {  
    return longitud;  
}
```

Noves operacions per a consultar i modificar l'element actual

```
T actual() const { // equival a consultar *it
/* Pre: la llista no és buida i el seu punt d'interès
       no està sobre l'element fictici del final */
/* Post: el resultat és l'element apuntat pel punt d'interès */
    return act -> info;
}

void modifica_actual(const T &x) { // equival a fer *it = x
/* Pre: la llista no és buida i el seu punt d'interès no està
       a la dreta de tot*/
/* Post: la llista queda com originalment, però amb x reemplaçant
       l'element actual */
    act -> info = x;
}
```

Noves operacions per a moure el punt d'interès I

```
void inici() { // equival a fer it = l.begin()
/* Pre: cert */
/* Post: el punt d'interès de la llista apunta al primer
element de la llista, o a la dreta de tot si la llista és buida */
    act = primer;
}

void fi() { // equival a fer it = l.end()
/* Pre: cert */
/* Post: el punt d'interès queda situat
sobre l'element fictici del final */
    act = nullptr;
}
```

Noves operacions per a moure el punt d'interès II

```
void avanca() { // equival a fer ++it
/* Pre: el punt d'interès no està a la dreta de tot */
/* Post: el punt d'interès apunta al successor de l'element al qual
apuntava originalment, és a dir es mou cap a la dreta
del seu al valor original */
    act = act -> seg;
}

void retrocedeix() { // equival a fer --it
/* Pre: el punt d'interès no és el primer element de la llista */
/* Post: el punt d'interès apunta al predecessor de l'element al qual
apuntava originalment, o apunta a l'últim element de la llista
si estava apuntant a la dreta de tot; és a dir es mou cap a
l'esquerra del seu al valor original */
    if (act == nullptr) act = ultim;
    else act = act -> ant;
}
```

Noves operacions per a moure el punt d'interès III

```
bool dreta_de_tot() const { // equival a comparar it == l.end()
/* Pre: cert */
/* Post: retorna cert si i només si el punt d'interès
        és a la dreta de tot */
    return act == nullptr;
}

bool sobre_el_primer() const { // equival a comparar it == l.begin()
/* Pre: cert */
/* Post: si la llista no és buida, retorna cert si i només si
        el punt d'interès és damunt el primer element; si la llista
        és buida retorna cert si i només si
        punt d'interès si està a la dreta de tot */
    return act == primer;
}
```

Part I



- 1 Implementació de llistes
- 2 Llistes doblement encadenades amb sentinella
- 3 Implementació de mètodes: accedint la representació

Llistes doblement encadenades amb sentinella

Implementació de llistes amb sentinella:

- Node extra; no conté cap element real
- Objectiu: simplificar el codi d'algunes operacions com ara `afegir` i `eliminar`
- L'estructura mai té apuntadors amb valor `nullptr`. El sentinella fa el paper que tenien aquests

Llistes amb sentinella

Llista buida:

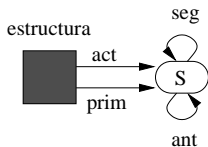
- següent i anterior del sentinella = sentinella

Llista no buida:

- següent del sentinella = primer de la llista
- anterior del sentinella = darrer de la llista
- sentinella = anterior del primer
- sentinella = següent del darrer

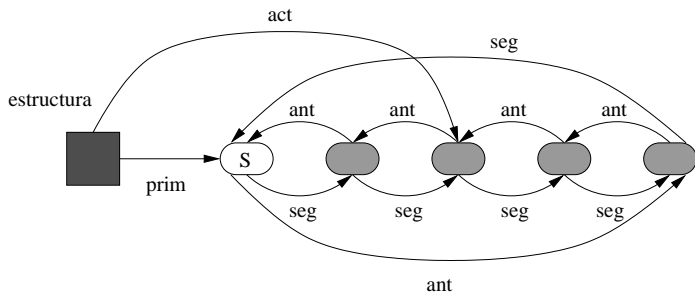
Llistes amb sentinella

Llista buida:



Esquema estructura interna llistes doblement encadenades amb sentinella

Llista no buida:




Un nou atribut privat

sent apunta sempre al node sentinella, que existeix fins i tot quan la llista és buida

```
template <class T> class Llista {
    private:
        struct node_llista {
            T info;
            node_llista* seg;
            node_llista* ant;
        };
        int longitud;
        node_llista* sent;
        node_llista* act;
        ... // especificació i implementació d'operacions privades
    public:
        ... // especificació i implementació d'operacions públiques
};
```

Implementació de privades i públiques → apunts

Part I

- 
- 1 Implementació de llistes
 - 2 Llistes doblement encadenades amb sentinella
 - 3 Implementació de mètodes: accedint la representació**

Implementacions amb accés a la representació

- Avantatge: Eficiència. Assignació d'apuntadors vs. còpia d'estructures
- Inconvenient: Lligades a una representació. No modulars
- Exemple: `sort` com a mètode de la classe `list` a STL

Cerca d'un element en una pila

```
class Pila {  
    ...  
    /* Pre: cert */  
    /* Post: retorna cert ssi x apareix a la pila implícita */  
    bool cerca(const T &x) const;  
    ...  
};
```

Cerca en una pila: versió iterativa

```
/* Pre: cert */
/* Post: retorna cert ssi x apareix a la pila implícita */
bool cerca(const T &x) const {
    node_pila* act = cim;
    /* Inv: cap node entre [cim, act) té info = x */
    while (act != nullptr) {
        if (act -> info == x) return true;
        act = act -> seguent;
    }
    return false;
}
```


Cerca en una pila: versió recursiva I

```
class Pila {  
    ...  
    /* Pre: cert */  
    /* Post: retorna cert ssi x apareix a la pila implícita */  
    bool cerca(const T &x) const;  
    ...  
};
```

Problema: La recursió és (node \rightarrow node), no (pila \rightarrow pila)!

Cerca en una pila: versió recursiva I

```
class Pila {  
    ...  
    /* Pre: cert */  
    /* Post: retorna cert ssi x apareix a la pila implícita */  
    bool cerca(const T &x) const;  
    ...  
};
```

Problema: La recursió és (node \rightarrow node), no (pila \rightarrow pila)!

Immersió: \rightarrow operació auxiliar, recursiva, amb paràmetre
node_pila*

la crida inicial fa el pas (pila \rightarrow node_pila*)

Cerca en una pila: versió recursiva II

```
/* Pre: cert */
/* Post: retorna cert ssi x apareix a la pila implícita */
bool cerca(const T &x) const {
    return cerca_pila_node(cim, x);
}

/* Pre: cert */
/* Post: retorna cert ssi x apareix a la llista
de nodes que comença a n */
static bool cerca_pila_node(node_pila* n, const T &x);
```

Atenció a l'`static`!

Cerca en una pila: versió recursiva III

```
/* Pre: cert */
/* Post: retorna cert ssi x apareix a la llista
        de nodes que comença a n */
static bool cerca_pila_node(node_pila* n, const T &x) {
    if (n == nullptr) return false;
    else if (n -> info == x) return true;
    else return cerca_pila_node(n -> seg, x);
}
```

Compte: precondition de l'operador ->

Reversar una llista

```
/* Pre: cert */  
/* Post:la llista conté els mateixos elements que a l'inici però  
       amb l'ordre invertit; el seu punt d'interés apunta  
       al mateix element que a l'inici */  
void reversar();
```

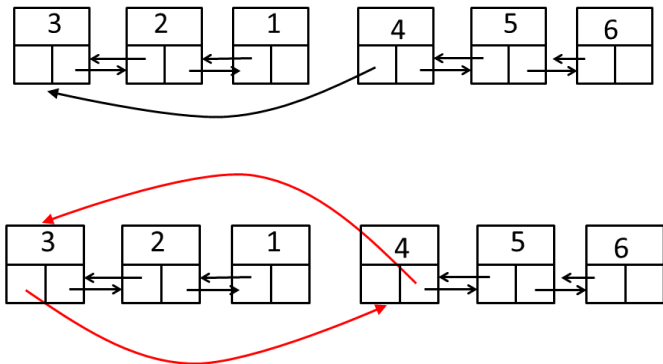
Reversar una llista

```
/* Pre: cert */  
/* Post: la llista conté els mateixos elements que a l'inici però  
amb l'ordre invertit; el seu punt d'interés apunta  
al mateix element que a l'inici */  
void reversar();
```

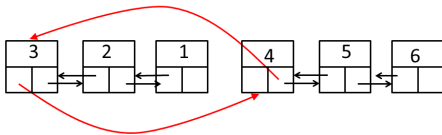
1. Solució amb ops. de la classe: `insert`, còpies de node ...
2. Solució tocant representació: assignacions d'apuntadors

Reversar una llista, v1

Simular “esborrar el primer de l1, afegir-lo primer a l2”

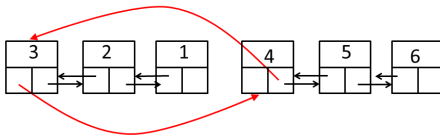


Reversar una llista, v1



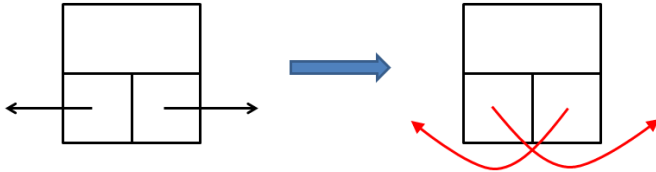
```
void revesar() {
    node_llista* n = primer;
    while (n != ultim) {
        /* Inv: per tots els nodes anteriors al que apunta n,
           els apuntadors a anterior i següent han estat
           intercanviats respecte a l'original */
        node_llista* suc = n -> seg;
        n -> seg = n -> ant;
        if (n != primer)
            n -> ant -> ant = n;
        n = suc;
    }
    ... // continua
}
```


Reversar una llista, v1

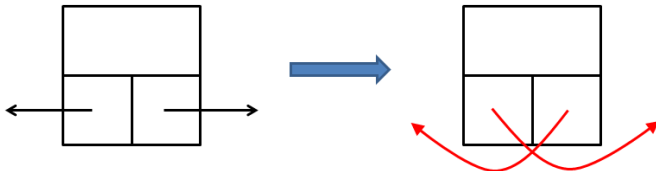


```
...  
if (n != nullptr and n != primer) {  
    // n == ultim != primer (i la llista  
    // no és buida!)  
    n -> seg = n->ant;  
    n -> ant = nullptr;  
    ultim = primer;  
    primer = n;  
}
```

Reversar una llista



Reversar una llista



```
void reversar() {  
    node_llista* n = primer;  
    while (n != nullptr) {  
        /* Inv: per als nodes anteriors al que apunta n,  
         els apuntadors a anterior i seguent han estat  
         intercanviats respecte a l'original */  
        swap(n -> seg, n -> ant);  
        n = n -> ant;  
    }  
    swap(primer, ultim);  
}
```